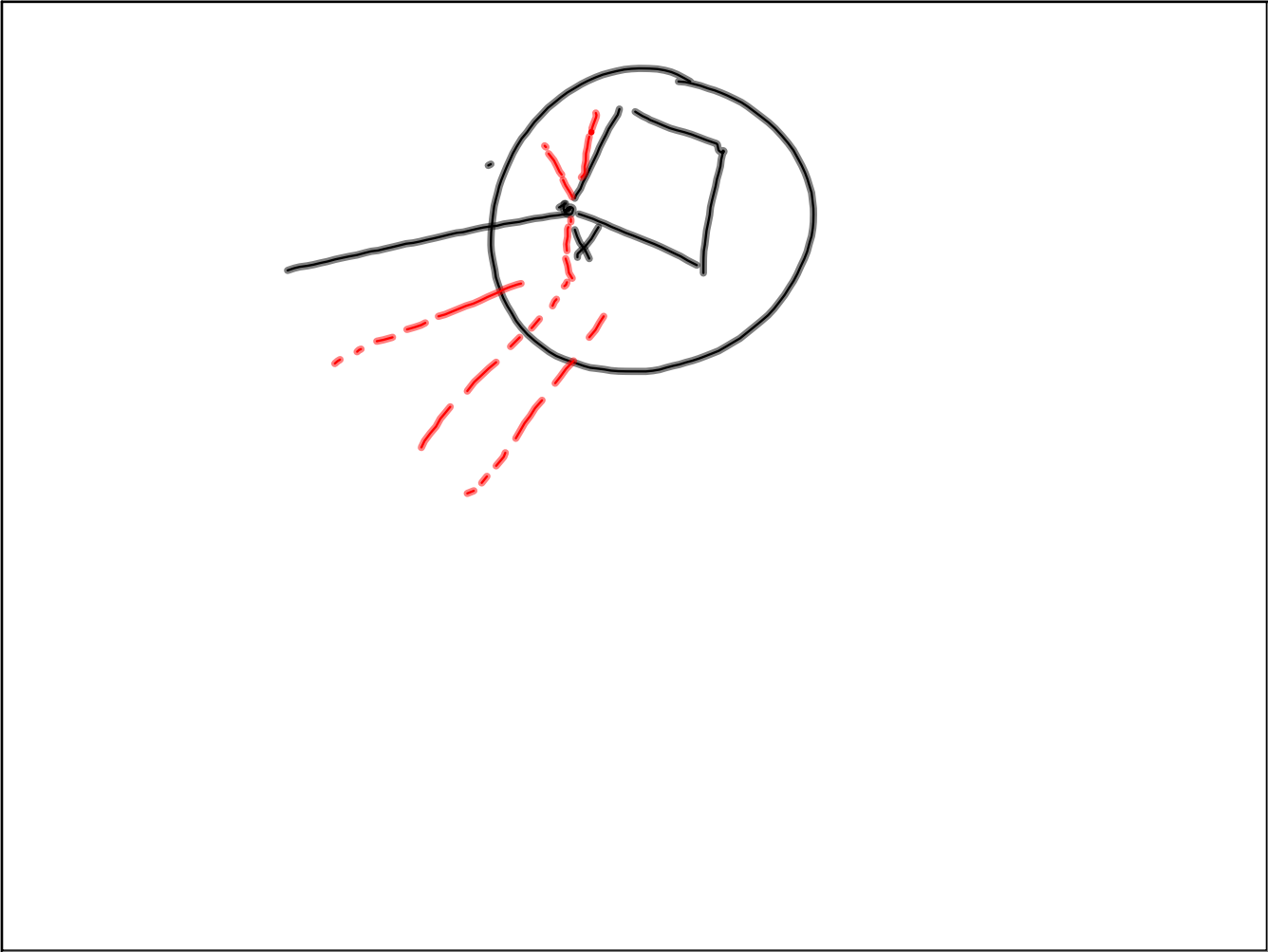
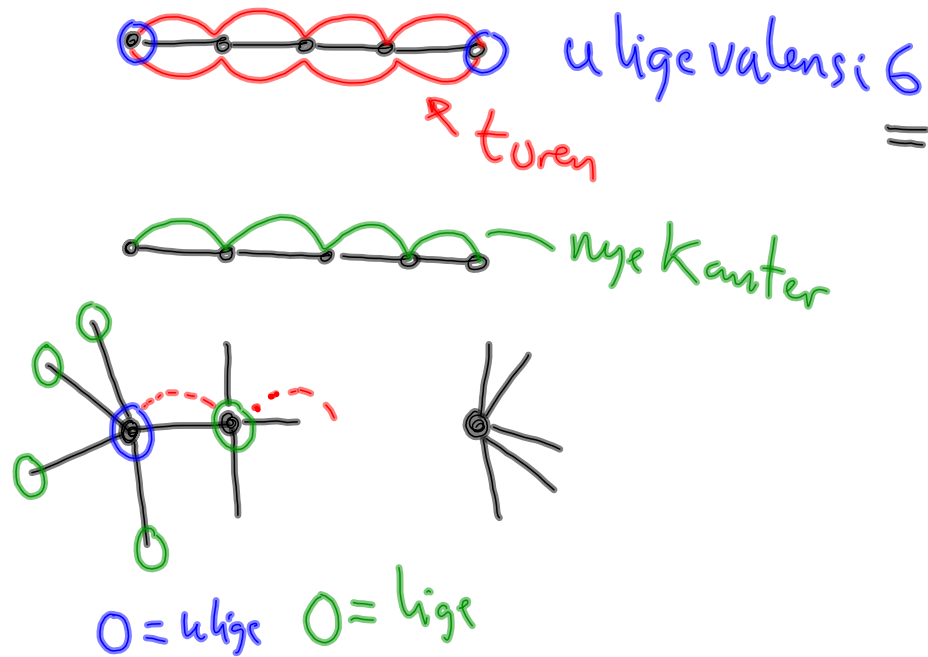


Postbud problemet:

besøg (gå ad) alle kanter i  $G$ .  
mindst een gang. OG gå kortest  
muligt (vi har afstande på kanter)

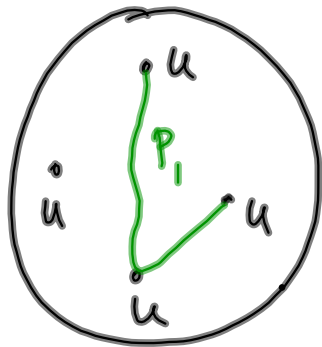




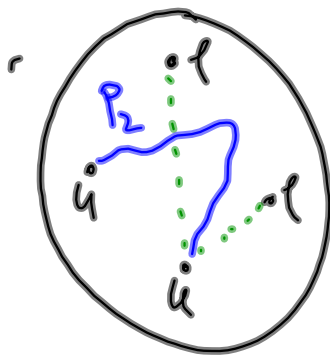
Givet  $G$  med punkter af ulige  
 Valens: tilføje nye (kopier af gamle)  
 Så resultat  $G^*$  er en Eulergraf  
 dvs alle valenser er lige.

$G' = (V, E')$  = grafen induceret af de  
 nye kanter

observation  $v$  har ulige valens i  $G$   
 $v$  har ulige valens i  $G'$   
 specielt har  $G'$  mindst 2 pkt  
 med ulige valens og enhver  
 smh komponent i  $G'$  har et  
 lige # pkt med ulige valens



Små komp  
i  $G'$



Konklusion: hvis

$G$  har  $2k$ ,  $k \geq 1$  par  
med ulige valens, så  
har  $G'$   $k$  veje  
 $P_1, P_2, \dots, P_k$  som forbinder  
disse parvist

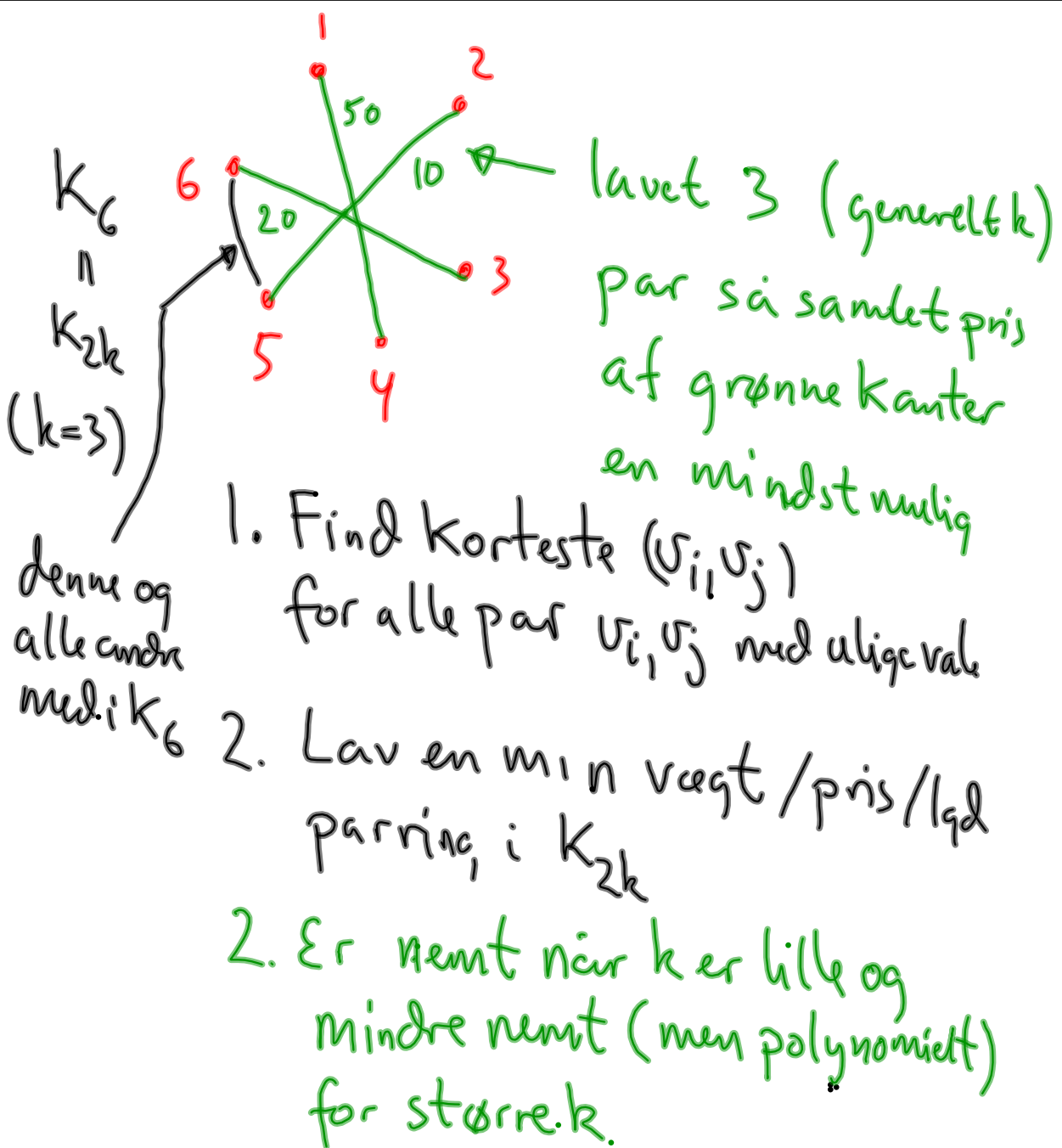
Disse skal være kortest  
mulige.

$G'$  indeholder precis  
kanterne fra  $P_1, \dots, P_k$

Har omskrevet (reduceret)  
postbud problemet til flg

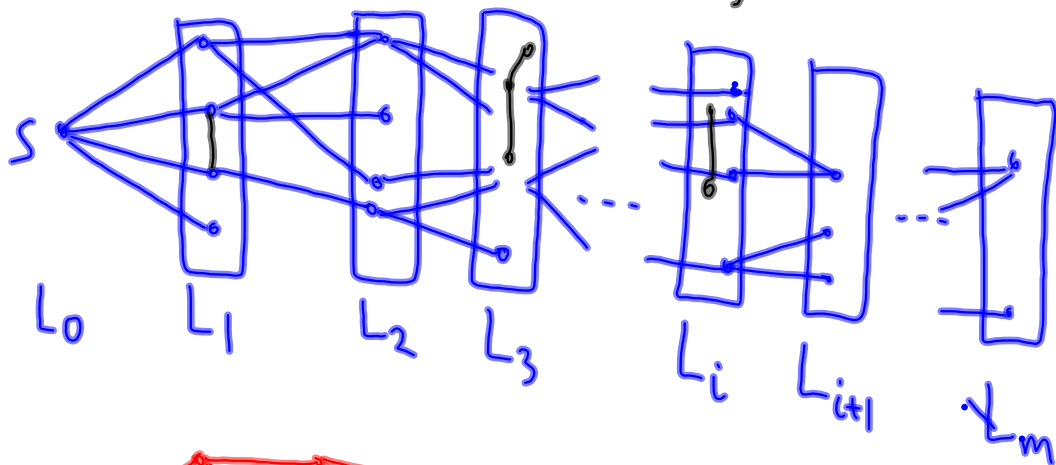
Givet smk  $G$  med  $2k$   
pkt  $v_1, v_2, \dots, v_{2k}$  af ulige valens

Find  $k$  veje  $P_1, P_2, \dots, P_k$  som  
forbinder  $v_i$ 'erne parvist og har  
mindst mulig samlet lgd.

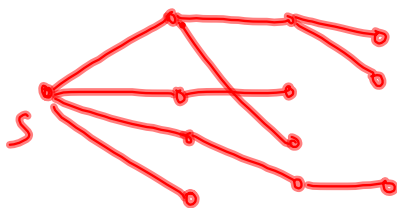


Korteste vej problemet  
 version 1: Givet  $G=(V,E)$   
 og  $s \in V$

Find veje fra  $s$  til ethvert  
 $v \in V$  med færrest mulige kanter

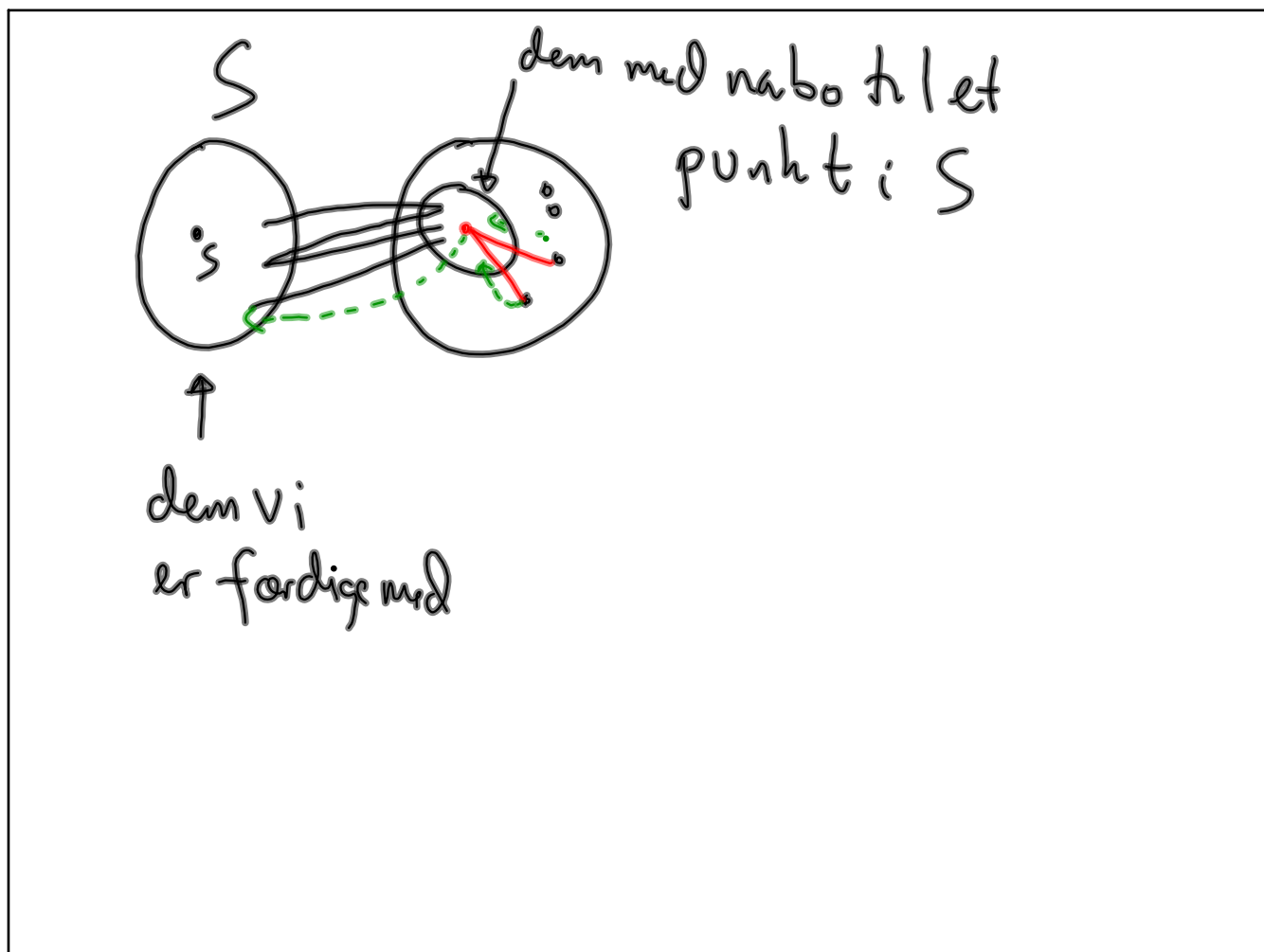


BFS  
 "Bredde  
 Først  
 Søgning



.....

Korteste vej  
 træ.



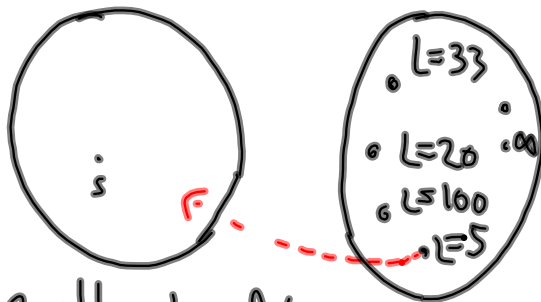


Generelle Korteste veje prb  
(nu tæller kant lgd)

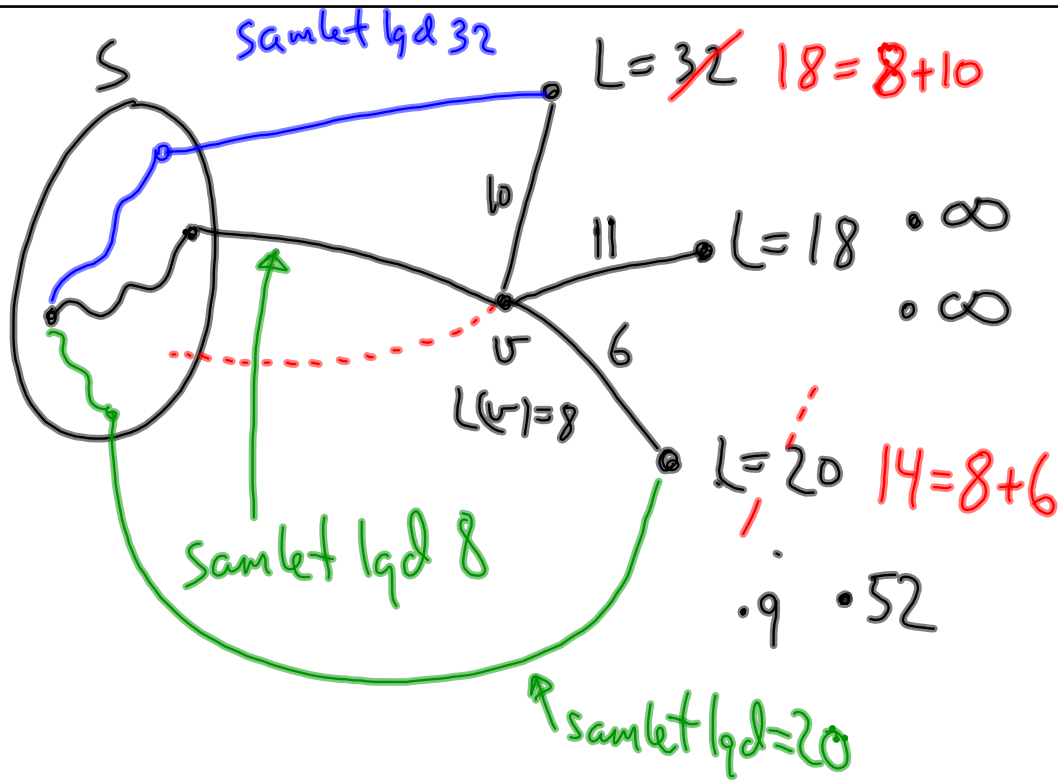
$L(v)$  betegner den korteste  
kendte (indtil nu) afstand fra  $s$  til  $v$   
i starten er  $L(s) = 0$

$s$

$L(v) = \infty \quad v \neq s$



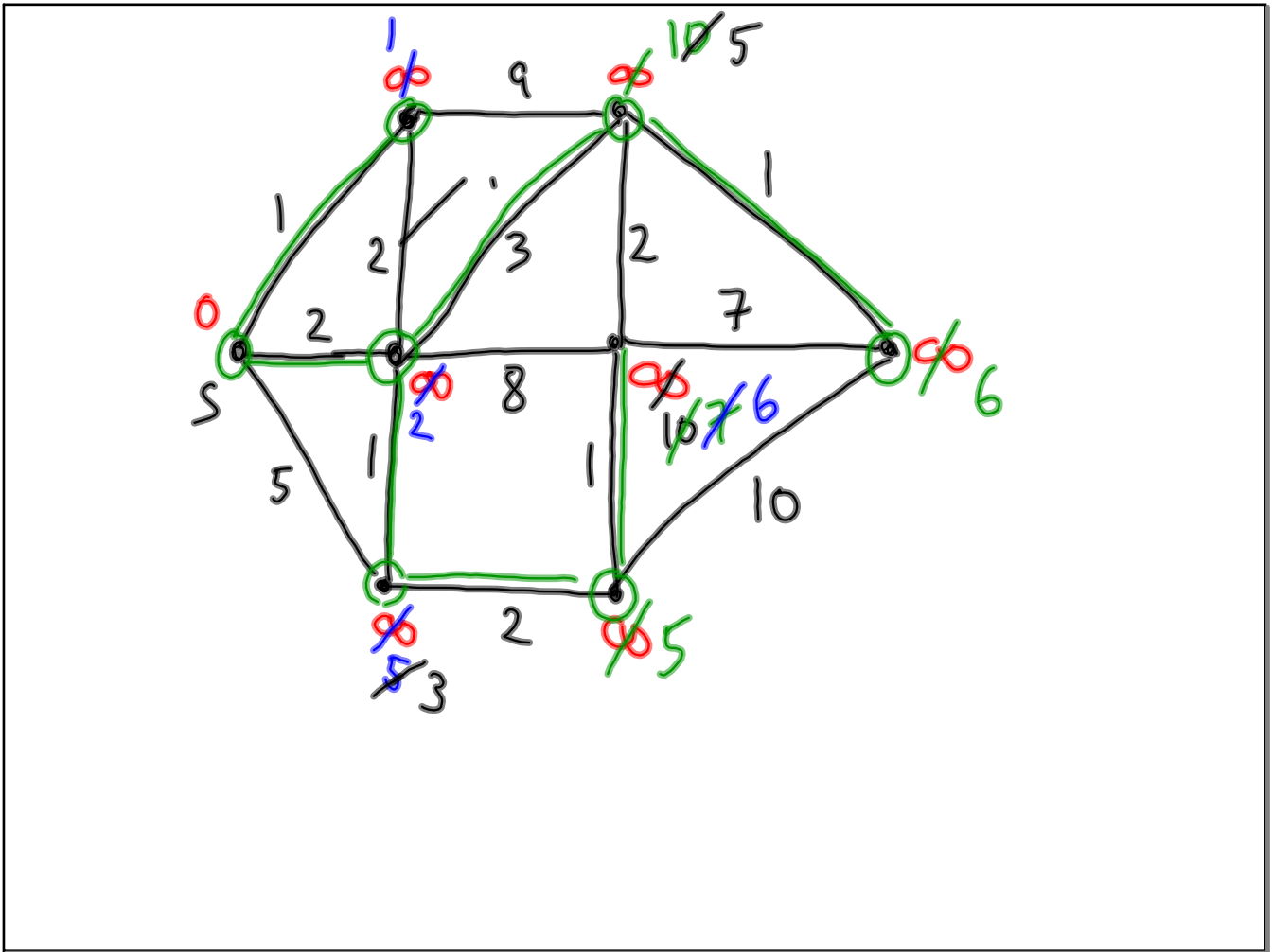
Generelle skridt: Flyt punkt  
med lavest  $L$ -værdi til  $s$   
og opdater  $L$ -værdier



- I hver runde ( $n$  af disse)
1. vælg  $v \in V \setminus S$  med mindst mulig  $L$ -værdi
  2. Flyt  $v$  til  $S$
  3. opdater  $L$ -værdi for alle  $w \in V \setminus S$  som er forbundet til  $v$

[Hvis  $L(w) > L(v) + \ell(vw)$  så  
 $L(w) := L(v) + \ell(vw)$

Kaldes Dijkstras algoritme

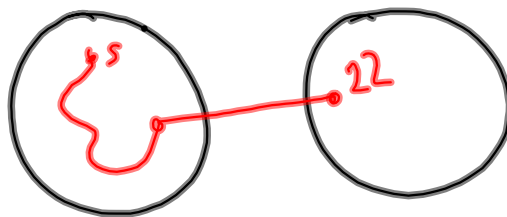


$S_k$  :  $S$  efter  $k$  flytninger

$$S_0 = \emptyset, S_1 = \{s\}$$

påstand (I) : a)  $\forall v \in S_k : L(v) = \text{dist}(s, v)$

b)  $\forall v \notin S_k : L(v) = \text{lgd}$   
af korteste vej fra  $s$  til  $v$   
som kun bruger sidste kant  
ud af  $S_k$



(I) holder for  $k=0$

antag at (I) holder for  $k$

vis (I) for  $k+1$ :

b) holder for  $k+1$  da vi  
opdater  $L$ -værdier når  
 $v$  indsættes i  $S$  ( $S_{k+1}$ )

a) følger af at

$$L(u) \leq L(v) \quad \forall u \in S_k \\ v \in V \setminus S_k$$

