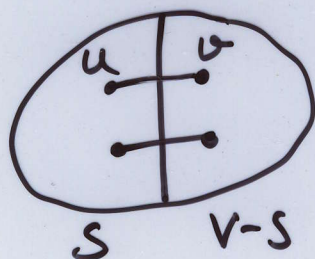
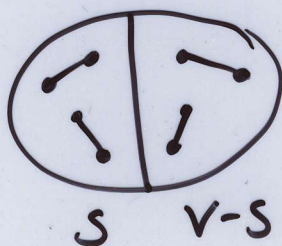


**Snit:** Opdeling af  $V$  ( $S, V-S$ ):



$(u, v)$  krydser snittet ( $S, V-S$ )

$(S, V-S)$  respekterer  $A$ , hvis ingen kant i  $A$  krydser  $(S, V-S)$ :



$(u, v)$  er **let** mht.  $(S, V-S)$ , hvis

- $(u, v)$  krydser  $(S, V-S)$
- $(u, v)$  har minimum vægt blandt de kanter, som krydser  $(S, V-S)$

Mere generelt:

$(u,v)$  er **let** mht. egerstaber  $P$ , hvis

- $(u,v)$  har egerstaber  $P$
- $(u,v)$  har minimum vægt blandt de karter, som har egerstaber  $P$

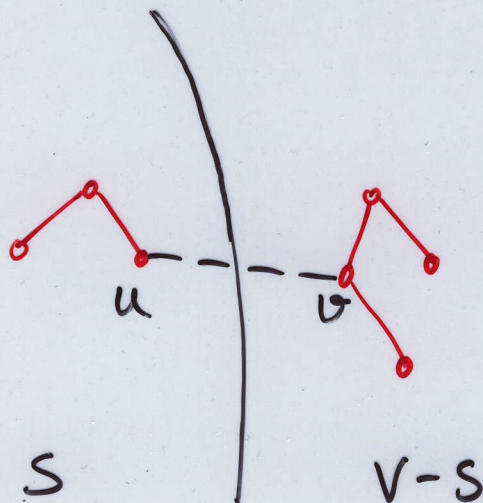
## Sætning 23.1

$G = (V, E)$  smh. ikke-orienteret graf.

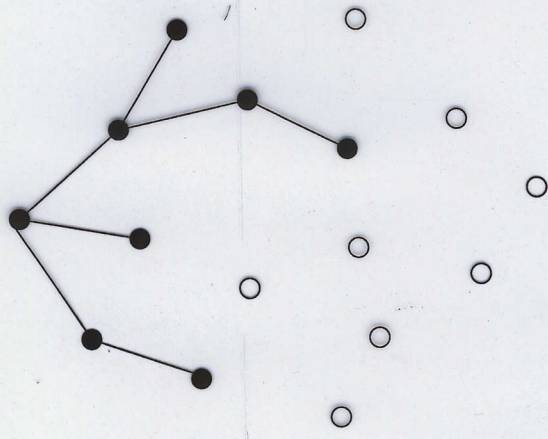
Hvis

- $A \subseteq E$  indeholdt i MST for  $G$
- $(s, v-s)$  respekterer  $A$
- $(u, v)$  let kant mht.  $(s, v-s)$

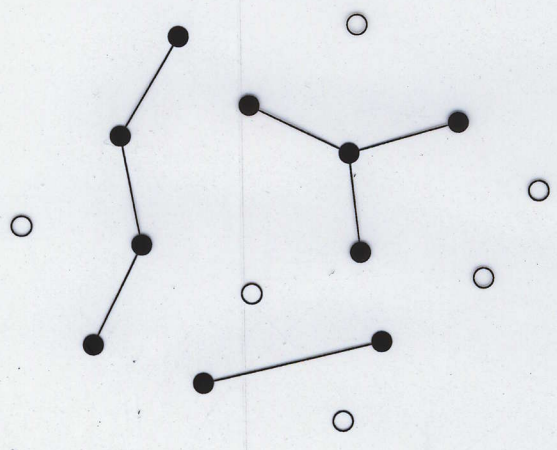
da er  $(u, v)$  en sikker kant for  $A$ .



Prim:



Kruskal:



# PRIM ( $G, w, s$ )

$O(V)$  { for hver knude  $u$   
 $d[u] \leftarrow \infty$   
 $d[s] \leftarrow 0$   
 $\pi[s] \leftarrow \text{NIL}$   
 $Q \leftarrow V$

$O(V)$  while  $Q \neq \emptyset$

$\times O(\log V)$   $u \leftarrow \text{EXTRACT-MIN}(Q)$

$O(E)$  for hver knude  $v \in \text{Adj}[u]$

$\times$   
 $O(\log V)$  { hvis  $d[v] > w(u, v)$  og  $v \in Q$   
 $d[v] \leftarrow w(u, v)$   
 $\pi[v] \leftarrow u$

---

$$O(V \log V) + O(E \log V) = O(E \log V)$$
$$(\quad = O(E \log E) \quad)$$

## KRUSKAL ( $G, w$ )

$A \leftarrow \emptyset$

for hver knude  $v$

MAKE-SET ( $v$ )

Sorter kanterne efter vægt

for hver kant  $(u, v)$  i sorteret order

hvis  $\neg$  SAME-COMPONENT ( $u, v$ )

$A \leftarrow A \cup \{(u, v)\}$

UNION ( $u, v$ )

returner  $A$ .